

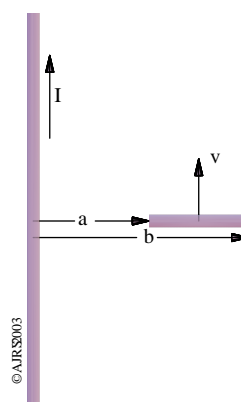
PARTE 4

Força de Lorentz. Indução.

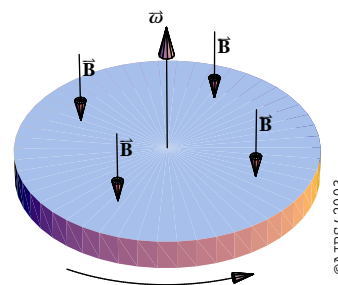
4.1 Correntes e Campos

- [D.1] Temos um fio rectilíneo percorrido por uma corrente estacionária I . Ao lado, desloca-se paralelamente uma barra com velocidade v . Calcule a diferença de potencial que aparece entre as extremidades da barra. Em que extremidade se acumulam as cargas positivas?

(Resp:) $\mathcal{V} = \frac{\mu_o I v}{2\pi} \ln\left(\frac{b}{a}\right)$



- [D.2] O disco da figura (disco de Faraday) gira com uma velocidade angular $\vec{\omega}$ ($\frac{rad}{s}$). Calcule a diferença de potencial que aparece entre o centro e a periferia do disco, na presença de um campo magnético uniforme e constante, de indução \mathbb{B} , perpendicular ao disco.



- [D.3] Considere uma molécula representada, classicamente, por um simples oscilador harmónico de frequência própria ω_o , massa m e carga q . O sistema oscila no plano (x, y) . Determinar a(s) frequência(s) de oscilação na presença de um campo magnético uniforme e constante, paralelo ao eixo dos z . (Este modelo simples dá-nos uma representação clássica do conhecido efeito de Zeeman, desdobramento das riscas espectrais, na presença de um campo magnético exterior).

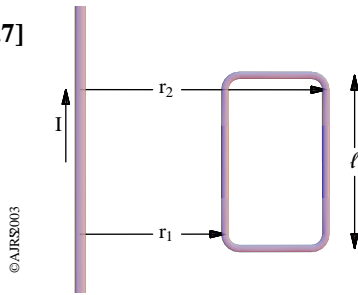
- [D.4] Estimar a frequência para a qual a água do mar apresenta uma corrente de deslocamento da mesma ordem de grandeza da corrente de condução. Tem-se: $\sigma_{\text{água}} = 5 \times 10^{-3} \left(\frac{\Omega}{m}\right)$, $\epsilon_{\text{água}} = 80 \epsilon_o$.

(Resp:) $f \approx 1.2 \text{ MHz}$

- [D.5] Temos um condutor em forma de um anel de raio r e resistência \mathcal{R} , colocado num plano perpendicular ao eixo dos z . Temos ainda um campo magnético, cuja indução é dada por $\mathbb{B} = \mathbb{B}_o \sin(\omega t)\mathbf{k}$. Calcular a expressão da f.e.m. e dizer qual o sentido da corrente induzida quando $t = 0$.

[D.6] Calcular o coeficiente de auto-indução \mathcal{L} de uma bobina com N espiras, de comprimento L . (Desprezar os efeitos de fugas.)

[D.7]

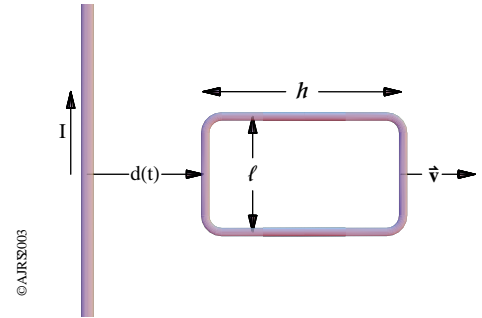


Calcular o coeficiente de indução mútua M entre o fio retilíneo infinito e o rectângulo, colocado paralelamente ao fio, representados na figura ao lado.

(Resp:)
$$\mathcal{M} = \frac{\mu_o I}{2\pi} \log\left(\frac{r_2}{r_1}\right)$$

[D.8] Dado o esquema ao lado, calcular a f.e.m. induzida no rectângulo quando este se desloca com velocidade v , mantendo-se coplanar com o fio. Seja D o valor de $d(t)$ em $t = 0$. Qual o sentido da corrente gerada?

(Resp:)
$$|f.e.m.| = \frac{\mu_o I}{2\pi} \frac{lvh}{(D + vt + h)(D + vt)}$$



[D.9] Uma espira quadrada, de lado a e resistência \mathcal{R} , desloca-se com uma velocidade v constante, através de uma região finita onde existe um campo uniforme \mathbf{B} , criado por um electroímã. Mostre que, ao entrar ou sair da região onde existe o campo magnético, a espira fica sujeita a uma força F de sentido oposto ao movimento e de grandeza proporcional a v .

(Resp:)
$$F = -\frac{B^2 a^2}{\mathcal{R}} v$$

[D.10] Suponhamos que no problema anterior a espira tem massa m e que está a cair, sob a acção da gravidade, entre os pólos do electroímã que cria o campo \mathbf{B} , suposto horizontal. Qual a velocidade limite atingida?

(Resp:)
$$v_{lim} = \frac{mg\mathcal{R}}{B^2 a^2} \left(\frac{m}{s}\right).$$

[D.11] Um condutor de forma rectangular, com lados a e b , gira com velocidade angular ω em torno de um eixo coincidente com o eixo coordenado Ox , na presença de um campo magnético de indução $\mathbf{B} = B_o \sin(\omega t) \mathbf{j}$. Calcule a f.e.m. induzida no rectângulo, supondo que a normal ao rectângulo fazia, quando $t = 0$, um ângulo θ com o eixo dos y .